

TEST

(1p) 1. Fie mulțimea $A = \{x \in \mathbb{R} / 4^x + 2 \leq 3 \cdot 2^x\}$. Să se determine mulțimea A, inf A și sup A.

(2p) 2. Să se studieze monotonia și mărginirea șirului cu termenul general $x_n = \frac{6-n}{5n-1}$, $n \geq 1$

(4p) 3. Să se calculeze limitele următoare:

a) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1+2+3+\dots+n}{n^2} - \frac{1 \cdot 2 + 2 \cdot 3 + \dots + n(n+1)}{n^3} \right)$, b) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n}{n^2+1} \cdot \sin n! + \frac{n}{n^2+2} \cdot \frac{n^2}{n+3} \right)$,

c) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{2!} + \frac{2}{3!} + \dots + \frac{n}{(n+1)!} \right)$, d) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{1 \cdot 5} + \frac{1}{5 \cdot 9} + \dots + \frac{1}{(4n-3)(4n+1)} \right)$

(2p) 4. Să se determine a, b, c $\in \mathbb{R}$, dacă $\lim_{n \rightarrow \infty} n \left(an - \sqrt{-2 + bn + cn^2} \right) = 1$

TEST

(1p) 1. Fie mulțimea $A = \{x \in \mathbb{R} / |2x - 1| \leq 3\}$. Să se determine mulțimea A, inf A și sup A.

(2p) 2. Să se studieze monotonia și mărginirea șirului cu termenul general $x_n = \frac{1-3n}{n+2}$, $n \geq 1$

(4p) 3. Să se calculeze limitele următoare:

a) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2}{n^3} - \frac{1^2 + 3^2 + \dots + (2n-1)^2}{n^3} \right)$, b) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2}{n^3+1} \cdot \cos n! + \left(\frac{1}{2} \right)^n \cdot \frac{n}{n+2} \right)$,

c) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 \cdot 1! + 2 \cdot 2! + \dots + n \cdot n!}{-1 + (n+1)!}$, d) $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{1 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 7} + \dots + \frac{1}{(3n-2)(3n+1)} \right)$

(2p) 4. Să se determine a, b, c $\in \mathbb{R}$, dacă $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(\sqrt{2n^2 + 3n + 1} - \sqrt{c + bn + an^2} \right) = 3$